

## ශ්‍රී ලංකා ටියාත දෙපාර්තමේන්තුව / Department of Examinations, Sri Lanka

අධ්‍යාපන පොදු උග්‍රහ රුප (දුස්ස පෙළ) ටියාතය, 1993 අගෝස්තු  
General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, August 1993

(02) එකත්වා උග්‍රහ තියාතය I

(02) Applied Mathematics I

|   |    |
|---|----|
|   | 02 |
| S | I  |
|   |    |

රු ඇතැයි / Three hours

ප්‍රාග්‍රහී පෙනෙනු පිටිඨරු පෙනෙනු.

1.  $P, Q, R$  යන ප්‍රිණ්න පෙනෙන ඇති. එක්සත් පිහිටුව නෙළුම පිහිටුවෙන්  $\overrightarrow{OP} = p$ ,  $\overrightarrow{OQ} = q$ ,  $\overrightarrow{OR} = r$  යුතු.

$$r = \alpha p + (1 - \alpha)q$$

මත පරිදි මූලික ප්‍රිණ්න පිහිටුව මත පිහිටුව  $P, Q, R$  රුකාර්ඩිය මත පෙනෙනු.

$ABC$  ප්‍රිණ්නය පිහිටුවෙන්  $BC, CA, AB$  පාද මත  $P, Q, R$  පෙනෙන පිහිටුව ඇති.  $\overrightarrow{BP} = \lambda \overrightarrow{PC}$ ,  $\overrightarrow{CQ} = \mu \overrightarrow{QA}$  සහ  $\overrightarrow{AR} = \nu \overrightarrow{RB}$  මත පරිදි ය. මේ මූලික ප්‍රිණ්න පිහිටුව ඇති  $C$  පෙනෙන තුළ අනුමත්වයන්  $P, Q, R$  පෙනෙනවද පිහිටුව නෙළුම නෙළුම පෙනෙනු.

මත පරිදි  $\lambda\mu\nu = -1$  මත පිහිටුව  $P, Q, R$  රුකාර්ඩිය මත පෙනෙනු.

2.  $a$  හා  $b$  යන තිෂ්-අනු නෙළුම නෙළුම අදාළ අදාළ අනිශ්චය අරථ දෙම්වනු.

$ABC$  ප්‍රිණ්නය  $\overrightarrow{CA} = a \wedge \overrightarrow{CB} = b \wedge a \perp b$  යනිනි.  $(a - b), (a - b)$  අදාළ අනිශ්චය පැලැයීමෙන්

$$\cos C = \frac{a^2 + b^2 - c^2}{2ab}$$

මත පෙනෙනු. මෙහි  $a = |a|$ ,  $b = |b|$  සහ  $c = |a - b|$ .

$L$  පෙනෙන නොවා ඇති  $\angle ACB$  ප්‍රිණ්නය පැවතිනුයා  $CL$  මත පරිදි  $AB$  මත මූලික පෙනෙනු යුතු.

$a$  හා  $b$  යන තිෂ්-අනු පිහිටුව  $CL = l$  නෙළුමෙන් අදාළ අනිශ්චය ඇල්බිජින්

මත පෙනෙනු.

$$l^2 = ab \left[ 1 - \frac{c^2}{(a+b)^2} \right]$$

මත පෙනෙනු යාර්ථක.

3. a සහ b යන තීර්ණ -අභ්‍යන්තර අදහස්  $a \times b$  නෙදුමින් ගැණිකය අරුව දූට්ටිතා. i, j, k, මගු පුරුෂ කාලීන පදනම්කාල පිළිවෙශීය  $Ox, Oy, Oz$  අස්ථාවල එන දිගු මියෙන් වූ රෝග නෙදුමින්.  $i \times j$  සහ  $k \times j$  අනුගත්.
- මුළුව  $O$  ද, ආර්ථික ප්‍රමාණ  $Ox$  ද රෝගයන් යෙන, එවා ආශ්‍යාධිතයන්  $Oxy$  පෘෂ්ඨ සූ  $A, B, C$ , ප්‍රාග්ධන ප්‍රමාණ  $(r, \alpha), (r, \beta)$  සහ  $(r, -\alpha)$  යෙදී. මෙහි  $\beta > \alpha > 0$  යෙයි.  $a = \vec{OA}$ ,  $b = \vec{OB}$ ,  $c = \vec{OC}$  නෙදුමින් අදහා ප්‍රමාණය  $r, \alpha, \beta, i$  සහ  $j$  ඇගුරුත් පියා දූට්ටිතා.
- තර එය අවධාරිතා දී යුතු නෙදුමින් අදහා ප්‍රමාණ නෙදුමින් ගැණිකය දැඋඩීමේන්  $\sin(\beta - \alpha)$  සහ  $\sin(\beta + \alpha)$  අදහා ප්‍රමාණ ලබා යෙන්න.
- $\alpha + \beta = \frac{\pi}{2}$  නම්  $k \times c = b$  මෙයි  $k \times b = -c$  නෙදුමින් පැහැදිලි යෙන්න.
4. මර  $W$  ද අරා එහි මුද්‍රා රෝගකාර සහ ගැංචුයක්  $a$  දිකුවේ කැංතුවෙන් මිනින් අවල  $O$  ප්‍රකාශනයින් උරුලා තිබෙයි. මර  $W$  ද දිගු දී මුද්‍රා රෝගකාර දෙම්වන එක් ප්‍රකාශනයින් එම  $O$  ප්‍රකාශනයින් එහි දිගුය තැනා ඇත. දෙම්වි ගැංචු හා උරුලා රෝග එමින් නිඛාල ව තිබෙයි නම් කැංතුවෙන් දෙම්වන් පිරුවට ආනනි එක රෝගය  $\frac{\pi}{12}$  ව ප්‍රමාණ වින මෙහි ප්‍රකාශනයින්.
- මැත්තුවේ ආකෘතිය  $\frac{W \cos(\frac{\pi}{12})}{\sin(\frac{\pi}{2})}$  මෙහි අභ්‍යන්තර, ගැංචුයක් දෙම්වන් අරා ප්‍රකිෂ්‍යාව යෙන්න.
5. පමණුලිභාවේ නොවන්නා රෝගය මෙහි පදනම්කාල දැඋඩීමේන් එක් ප්‍රාග්ධනය, නැමි නම් නම් ප්‍රාග්ධනය උග්‍රහය වින මෙහි ප්‍රකාශනයින්.
- පිළිවෙශීය  $P, 4P, 2P, 2P, 3P, 3P$  මෙහි ප්‍රාග්ධනය  $AB, BC, CD, DE, EF$  සහ  $FA$  එක් ප්‍රාග්ධන ස්කිය ප්‍රකාශනයින් අභ්‍යන්තර ප්‍රාග්ධනයින් දෙවා ඇමි දැඋඩීමේන් ද. පදනම්කාල ප්‍රාග්ධනය උග්‍රහය වින මෙහි ප්‍රකාශනයින්. ප්‍රවුදුය පාදායන දිගු මාන්‍ය ප්‍රාග්ධනය පිළිගැනීම යෙන්න.
- එ තැබිත්, ප්‍රාග්ධන මෙහි ප්‍රාග්ධන ප්‍රාග්ධනයින් පිළිගැනීමේන් දැක්වා මෙහි ප්‍රකාශනයින් නොවන්නා ප්‍රකාශනයින් නොවන්නා ප්‍රකාශනයින් නොවන්නා ප්‍රකාශනයින් නොවන්නා ප්‍රකාශනයින්.
6.  $AB, BC, CD, DA$  ප්‍රමාණ, රෝගකාර දී ප්‍රකාශනයින් නිශ්චාර ලෙස පැවතී ඇරා ඇප්පාත්  $ABCD$  පමණුලිභාවයක් ගැංචු : මැරු ද. පදනම්කාල  $A$  ප්‍රකාශනයින් උරුලා තිබෙයි. පමණුලිභාවය ඇවිත ප්‍රකාශනයින් නැත්තා  $AB$  මින්  $BC$  මින් මෙහි ප්‍රකාශනයින් නැත්තා ඇවිත ප්‍රකාශනයින් නැත්තා ඇවිත ප්‍රකාශනයින් නැත්තා ඇවිත ප්‍රකාශනයින් නැත්තා ඇවිත ප්‍රකාශනයින්.
- (i)  $C$  මින් දී ප්‍රකිෂ්‍යාව, පිරුවට  $\tan^{-1}(\frac{1}{2})$  ප්‍රකාශනයින් ආනනා දැක්වා මින්  $\frac{W\sqrt{5}}{2}$  මෙයි
- (ii)  $D$  මින් දී ප්‍රකිෂ්‍යාව, පිරුව දැක්වා මින්  $\frac{W}{2}$  මෙයි
- (iii) යා ඇවිත ප්‍රකාශනයින් ආකෘතිය  $4W$  මෙයි
- (iv)  $B$  මින් දී ප්‍රකිෂ්‍යාව, පිරුවට  $\tan^{-1}(\frac{1}{4})$  ප්‍රකාශනයින් ආනනා දැක්වා මින්  $\frac{W\sqrt{17}}{2}$  මෙයි
- ප්‍රකාශනය ඇවිත.

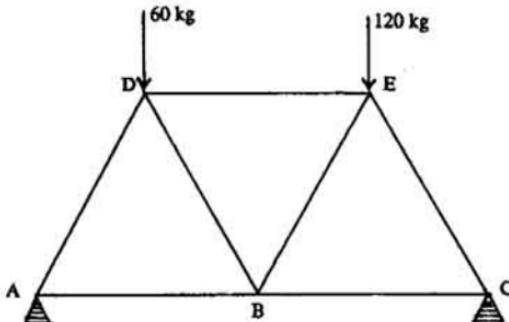
7. අරය a වූ රෝකාකාර කොළඹ සාම්බුද්ධ රජි පෙන්වුය නිස් තේ  $O = a \cos \alpha$  දී යුතුයි  
පිහිටි ආකෘති දැනුම ඇඟු උග්‍රී. විනි විශාල ආකෘති අරුණුව පෙන්වුය පිහිටි ආකෘති මින් O පෙන්වායි  
සිය  $\frac{1}{2}(1 - \cos \alpha)$  දී යුතුයි පිහිටි ආකෘති O පෙන්වායි

සාම්බුද්ධ විනි විශාල ආකෘති එහි දුරියායි මින් අරය a වූ ඇඟුයින් වෙනු උග්‍රී. එය ඇඟු  
අඩුයා විශාලව් අරුණුව පෙන්වුය O පෙන්වායි

$$\frac{a(1 - \cos \alpha)^2}{3 - \cos \alpha}$$

දී යුතුයි පිහිටි ආකෘති.

8. දුරුවත දුයුත්ත රුම් ගැමිල් ප්‍රවිල ලෙස පැවතිය AB, BC, CE, BD, BE, DE, AD යන පැහැදු පිහිටි දී  
සාම්බුද්ධ පිහිටි ආකෘති වි. එය එහි ආකෘති පිහිටි ලෙස යා ABC පිහිටි පැවති ලෙස A යා C හි සිදු කළ  
දීවා ආකෘති ආර D යා E හි පිහිටියින් 60 kg යා 120 kg යාර දාය පිවිසියි.



A යා C හි ප්‍රකිලියා නොයැන්.

ප්‍රහාමිල පැවත්ත ඇද, ආකෘති යා පැවත්ත එකාකාර විනිශ්චයාව දෙනුයින්, එය එස් දුයුත්ත ප්‍රකාශනය නොයැන්.

9. රෝකාකාර පැවත්ත විනිශ්චයාව, පිහිටි ඇ පැවත්තයින් පිහිටිරුද්ව ආව් පැවත්ත උද පිහිටි රුද  
ඇතානා නෑ දැනුව මින් පිහිටි පැවත්ත ඇති ඇඟුව, පිහිටිරුද්ව ආව් පැවත්ත උද පිහිටි පැවත්ත  
එහි ලෙසට ය. පිහිටිරුද්ව මින්, එය, එහි ආකෘති විවිධ නැරඹීම යෙහි දරන ප්‍රකාශ M වූ පුරුණයා නොයා ඇත.  
පිහිටිරුද්ව මින් W දී අරය a ඇ සැක්ක පැවත්ත ඇති නිස් පිහිටිරුද්ව පුරුණයාවට ආකෘති ම ප්‍රකාශනය

$$M = \frac{1}{2} W a \sec \alpha \sin 2\lambda$$

විවිධ පැවත්තයින්.

10. ABC තම ස්‍රීලංකා අධ්‍යක්ෂක BC පෙන්වායින් පිහිටි ලෙස d, h තැනීම A පිහිටි ලෙස d, h පිහිටි පැවත්ත  
මින් ඇඟු. පිහිටි පැවත්ත හි ගුෂ්‍රීරු පිහිටි ආකෘති.

BC, CA, AB පැවත්ත එහි පැවත්ත එහි පිහිටියින් D, E, F වි.

(i) AEF පැවත්තය මින් පැවත්ත = BCEF පැවත්තය මින් පැවත්ත = d

(ii) DEAF පැවත්තයුදු පිහිටි පැවත්ත අරුණුව ගුෂ්‍රීර  $\frac{7h}{12}$  මින් d

පැවත්තයින්.

11. (a) ටිවිජ අස්ථිය පාපුයාන් උප්පාන් පුරුෂ, පැපුව පැහැදිලි පෙනීමේන් විය ඇත. පැහැදිලි පෙනීම් සිරිය නිමිය ය නෑම පුරු පෙනෙනුයා යාදත ලෙසට පද්ධතිය නෑම ඇත්තේ, රෝගී දූහලම් පෙනෙය, පාපුයාන් ගැඹීය මින් පාපුයාන් විය ලෙසට ය. පාපුයාන් විශු පෙන්ස්‍ය විය නෙරුපාම් විශාලයින්, දිකාවින්, ස්ථියා ප්‍රමාණීන් නොයාමෙන්.
- (b) ටිවිජ අස්ථිය පාපුයාන් එහි විභාග ගැඹීය සිරිය නිමියයා සම්ඟ අභ්‍යන්තර විමින් පැවතිනා ලෙසට නෑම ඇත. පාපුයාන් සිරියාන් මූලික පිදුරුස් තුළින් පාපුය සිරිය නෙයා යාම ඇත්තේ පැවතිනා මූලික පිදුරුස් තුළින් පාපුය සිරිය නෑම ඇත්තේ පැවතිනා.
12. අවධාරීක විද්‍යාවේ රා ආක්ෂිසිඳු හිළුවරුය දෙනෙන් නොව යටිනාය පරෙන්න.
- $AB = AC$  මූලික දීමාද සිංහලාන්තරය  $ABC$  කාරුදී පැවතිනා රෙඛානාර මී ප්‍රිය්‍රියාන්, එහි  $B$  කරනා මූලික දීමාද සිංහල ලෙසට දී.  $C$  කරනා මූලික දීමාද සිංහල සිංහල ලෙසට දී රෝගී පාවත්.
- (i)  $AC$  කරනා විය පෙන්ස්‍ය සිරිය පිය මුදා මේ ද,
- (ii) ප්‍රිය්‍රිය ගැඹී ඇම් මී විය සිංහල අරුණුවය  $1 - \cos A$  මේ ද
- යටිනාය පරෙන්න.